

Анотації до № 4 (т. 2, 2006 р.)

Про розв'язки одного класу операторно-диференційних рівнянь другого порядку на дійсній осі

А.Р. Аліев

Вивчено розв'язки операторно-диференційних рівнянь другого порядку із змінними коефіцієнтами на дійсній осі в певному ваговому просторі. Головна частина цього рівняння є абстрактним еліптичним рівнянням у гільбертовому просторі. Знайдено достатні умови на операторні коефіцієнти збуреної частини, що забезпечують еліптичність рівняння, а також одержано оцінки норм операторів проміжних похідних через головну частину операторно-диференційного рівняння у певному ваговому просторі.

Вузькі оператори на Бохнеровських просторах L_1

К. Бойко, В. Кадець, Д. Вернер

Вивчаються вузькі оператори на просторах $L_1(\mu, X)$. Пропонується достатня умова для того, щоб такий оператор був вузьким, який є подібним до характеризації вузьких операторів на $L_1(\mu)$, та показано, що ця умова є необхідною для деяких просторів X , наприклад, для просторів з властивістю Радона–Нікодима.

Узагальнені резольвенти симетричних відношень, що породжені на півосі диференціальним виразом і невід'ємною операторною функцією

В.М. Брук

Дається опис узагальнених резольвент мінімального симетричного відношення, що породжено на півосі формально самоспряженім диференціальним виразом і невід'ємною операторною функцією.

Про дискретний спектр комплексних стрічкових матриць

Л.Б. Голінський, М.О. Кудрявцев

Досліджується спектр стрічкової матриці, що є збудженням стандартної стрічкової матриці порядка p . Знайдено достатню умову скінченності дискретного спектру у термінах швидкості стабілізації елементів матриці. Збудовано стрічкову матрицю порядка p , що має p заданих граничних точок на інтервалі $(-2, 2)$. Результати застосовано для дослідження дискретного спектра асимптотично періодичних якобієвих матриць.

Усереднення задачі електростатики в нелінійному середовищі з ідеально-проводними сітками

М.В. Гончаренко, В.І. Притула

Досліджується асимптотична поведінка розв'язків нелінійних еліптических рівнянь в області з тонкими сітками, коли щільність ниток прагне до нескінченості, а їхні діаметри — до нуля. Отримано усереднені рівняння та усереднені граничні умови. При усередненні використовується техніка усереднення нелінійних варіаційних функціоналів у просторах Соболєва–Орлича.

Оцінки для діаметра та ширини ізoperиметрікаса геометрії Мінковського

В.І. Діскант

Отримано наступні оцінки для діаметра $D_B(I)$ та ширини $\Delta_B(I)$ ізoperиметрікаса n -вимірного простору Мінковського M^n

$$\frac{4v_{n-1}}{nv_n} \leq \Delta_B(I) \leq D_B(I) \leq \frac{4v_{n-1}}{v_n},$$

де v_n — об'єм одиничної кулі n -вимірного евклідового простору R^n . Ліва оцінка для $\Delta_B(I)$ виконується для біконуса M^n , права — для $D_B(I)$ виконується для куба M^n .

Про характеристичні оператори і проектори
та про розв'язки типу Вейля дисипативних
і акумулятивних операторних систем.

ІІІ. Крайові умови, що розпадаються

В.І. Храбустовський

Для систем, які вказано в назві, розглянуто крайові задачі з крайовими умовами, що розпадаються. Доведено, що характеристичний оператор такої задачі певним чином виражається через проектор (характеристичний проектор). Це дозволило ввести для вказаних систем аналоги функцій та розв'язків Вейля і встановити для них нерівності типу Вейля, які в багатьох окремих випадках переходять у відомі.